

1 [整数問題 n 進法]

(a) $A=2$ $B=0$ $m=n-1$

$C=2$ $D=0$ $l=2n-2$

$E=2$ $F=0$ $2n-1$ 桁

(b) $b_1=7$ 公比 $\frac{1}{8}$ $b_2=0.32_{(4)}$ $p=2$ $j=12$

2 [空間ベクトルと空間座標]

(a) $\cos \angle AOB = \frac{1}{10}\sqrt{2}$ $\triangle AOB$ の面積 $\frac{7}{2}$ 垂線の長さ $\frac{6}{7}$

(b) $CE = \sqrt{14}$ $CP = \frac{1}{3}\sqrt{14}$ 点 P は $\triangle AOB$ の重心

(c) $MF = \frac{1}{2}\sqrt{53}$ $MQ = \frac{1}{3} \times MF$ 点 Q は $\triangle AOB$ の重心

(d) $S \cap T$ は 4 面体 $S \cup T$ は 7 面体

3 [数Ⅱ 微積分]

(a) $l: y = (-4t-8)x + 2t^2 + 7$ $R\left(\frac{\alpha+\beta}{2}, 2\alpha\beta-7\right)$

(b) $S_1 = 4(\sqrt{2t^2+4t+11})^3$ S_1 は $t = -1$ のとき最小となり、最小値は 108

(c) $\frac{S_1}{S_2} = \frac{3}{2}$

4 [数Ⅱ通過領域]

- (a) $P(4 \cos t, 4 \sin t)$ 線分 AP の中点 $(2 \cos t, 3 + 2 \sin t)$
- (b) $\left(\frac{3}{2} - \sin t\right)y = x \cos t + \frac{5}{2}$
- (c) $-\frac{1}{5}x^2 + \frac{(y-3)^2}{4} \leq 1$ 双曲線を境界とし、その焦点を除く領域
焦点は原点と $(0, 6)$

【講評】

例年通り、4 題 60 分の出題である。

問題Ⅰは、数列と n 進法の問題

問題Ⅱは、空間ベクトル

問題Ⅲは、放物線と接線の囲む面積

問題Ⅳは、直線の通過領域

4 題共昨年と比べて素直で解き易く、高得点が要求される問題セットとなっている。